

29.10.21

ФМ-3

Лекция 3

Доказательство в системе Why3

<http://why3.lri.fr/manual.pdf>

Пример2: Задача 12

Исправление ошибок трансляции

Ошибки по недоказуемости

Методы декомпозиции доказательства

Использование лемм

Пример3: memweight – число элементов

множества в виде битовой шкалы

Техника доказательства.

Методы локализации ошибок

12. Выделить ближайшую слева максимальную подстроку из десятичных цифр.

Десятичная строка d (строка из десятичных цифр) длины n :

formula $\text{dec}(\text{string } d, \text{nat } n) =$

$(d = \text{nil} \ \& \ n = 0) \text{ or } (\text{digit}(d.\text{car}) \ \& \ \text{dec}(d.\text{cdr}, n-1));$

$\text{All}(\text{string } s, \text{H}(\text{char})) \cong \text{if } (s = \text{nil}) \text{ true else } \text{H}(s.\text{car}) \ \& \ \text{All}(s.\text{cdr})$

formula $\text{dec}(\text{string } d, \text{nat } n) = \text{All}(d, \text{lambda char } c. \text{digit}(c)) \ \& \ \text{len}(d) = n$

Десятичная подстрока d длины n :

formula $\text{sub}(\text{string } s, d, \text{nat } n) =$

exists $\text{string } u, v. s = u + d + v \ \& \ \text{dec}(d, n);$

Максимальная десятичная подстрока d длины n :

formula $\text{mSub}(\text{string } s, d, \text{nat } n) =$

$\text{sub}(s, d, n) \ \& \ \text{forall } \text{string } u, \text{nat } m. \text{sub}(s, u, m) \Rightarrow m \leq n;$

Максимальная слева десятичная подстрока d длины n :

formula $mLeft(\underline{string} s, d, \underline{nat} n) =$

$mSub(s, d, n) \ \& \ \underline{exists} \ \underline{string} \ u, v, d1, \underline{nat} \ m.$

$s = u+d+v \ \& \ mSub(u, d1, m) \Rightarrow m < n;$

Максимальная слева десятичная подстрока d :

formula $mLeft(\underline{string} s, d) = \underline{exists} \ \underline{nat} \ n. \ mLeft(s, d, n);$

Спецификация задачи 12:

$ext(\underline{string} s: \underline{string} d) \ \underline{post} \ mLeft(s, d);$

Обобщение исходной задачи:

d – *максимальная слева из* $d0$ и максимальной слева десятичной подстроки в s :

formula $mExt(\underline{string} s, d, d0, \underline{nat} m) =$

$\underline{exists} \ \underline{string} \ d1, \underline{nat} \ n. \ mLeft(s, d1, n) \ \& \ d = (n > m)? \ d1: \ d0;$

extG(string d0, nat m, string s: string d)
pre dec(d0, m) post mExt(s, d, d0, m);

Сведение к задаче extG :

ext(string s: string d) post mLeft(s, d)
{ extG(nil, 0, s: d) }

d1 – десятичная подстрока длины **k** в начале **s**;
s1 – остаток строки **s**.

Dec(s: nat k, string d1, s1) pre s ≠ nil & digit(s.car))
post dec(d1, k) & s = d1 + s1 &
(s1 = nil or not digit(s1.car));

Выделение десятичной подстроки **d1** длины **k** в начале **s**.

```
Dec(s: nat k, string d1, s1) pre s ≠ nil & digit(s.car) )  
  post dec(d1, k) & s = d1 + s1 &  
      (s1 = nil or not digit(s1.car));
```

```
extG(string d0, nat m, string s: string d)  
  pre dec(d0, m) post mExt(s, d, d0, m);  
  measure len(s)  
{ if (s = nil) d = d0  
  else if (digit(s.car)) {  
    Dec(s: nat k, string d1, s1);  
    if (k ≤ m) extG(d0, m, s1: d)  
    else extG(d1, k, s1: d)  
  } else extG(d0, m, s.cdr: d)}  
}
```

Дополнение d_0 длины k_0 до десятичной строки d_1 длины k выделением из начала строки s ; s_1 – остаток строки s .

```
DecO(string d0, s0, nat k0: nat k, string d1, s1) pre dec(d0, k0)
post dec(d1, k) & d0 + s0 = d1 + s1 &
(s1 = nil or not digit(s1.car))
```

```
Dec(s: nat k, string d1, s1) pre s ≠ nil & digit(s.car) )
post dec(d1, k) & s = d1 + s1 & (s1 = nil or not digit(s1.car))
{ DecO(s.car, s.cdr, 1: k, d1, s1) };
```

```
DecO(string d0, s0, nat k0: nat k, string d1, s1) pre dec(d0, k0)
post dec(d1, k) & d0 + s0 = d1 + s1 &
(s1 = nil or not digit(s1.car))
```

```
measure len(s0)
{ if (s0 = nil or not digit(s0.car)) d1 = d0 || k = k0 || s1 = s0
else DecO(d0+s0.car, s.cdr, k0+1: k, d1, s1)
}:
```

Дополнительные леммы

lemma ConsApp: forall u : stri. c: char.

$$\text{Cons } c \ u = (\text{Cons } c \ \text{Nil}) ++ u$$

lemma AppDe: forall u v t r: stri. $u ++ v = t ++ r \rightarrow$

$$u = t \wedge v = r \quad \forall$$

exists x: stri. $t = u ++ x \wedge v = x ++ r$

exists y: stri. $r = y ++ v \wedge u = t ++ y$



Программа `memweight` – число элементов множества

Вычисляет число элементов множества, представленного в виде битовой шкалы. *Вес Хэмминга.*

```
size_t memweight(const void *ptr, size_t bytes)
```

Указатель `ptr` фиксирует начало области памяти. Параметр `bytes` – размер области в байтах. Программа вычисляет число единиц в двоичном представлении области памяти.

```
int bitmap_weight(const unsigned long *src, unsigned int nbits)
```

Область памяти – массив слов `src`, `nbits` – размер области в битах.

